

# Негосударственное частное некоммерческое образовательное учреждение высшего образования «Армавирский гуманитарно-социальный институт»

Принято на заседании Ученого совета Протокол № 12 от «28» октября 2022 г.

УТВЕРЖДАЮ:
Ректор НЧНОУ ВО «АГСИ»

\_\_\_\_\_ С.П.Токарь <u>«31» октября 2022 г.</u>

# ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ ПО ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОМУ ПРЕДМЕТУ

# МАТЕМАТИКА

для поступающих в НЧНОУ ВО «Армавирский гуманитарно-социальный институт» на 2023/2024 учебный год

#### І. Пояснительная записка

Настоящая программа общеобразовательного вступительного испытания составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом среднего общего образования и федеральным государственным образовательным стандартом основного общего образования и предназначена для подготовки к поступлению в Негосударственное частное некоммерческое образовательное учреждение высшего образования «Армавирский гуманитарноинститут» (далее Институт). социальный Она отражает требования, предъявляемые к абитуриентам по математике независимо от выбранного направления подготовки.

Программа состоит из трех частей. Первая часть («Пояснительная записка») определяет цель вступительного испытания и форму его проведения. Вторая часть («Содержание программы») обозначает круг вопросов по математике, по которым могут быть проверены знания абитуриентов. Третья часть («Список литературы») отсылает абитуриента к основным учебникам, учебным пособиям, справочным изданиям и энциклопедиям, которые необходимо использовать при самостоятельной подготовке к вступительному экзамену по математике.

Целью вступительного испытания по общеобразовательному предмету «Математика» является обеспечение проверки знаний, умений и навыков, поступающих на вступительном экзамене.

Вступительное испытание по общеобразовательному предмету «Математика» проводится в форме письменного тестирования на бумажном носителе.

#### **II.** Содержание программы

#### 1. АЛГЕБРА

- 1.1. ЧИСЛА, КОРНИ И СТЕПЕНИ
- 1.1.1. Целые числа.
- 1.1.2. Степень с натуральным показателем.
- 1.1.3. Дроби, проценты, рациональные числа.
- 1.1.4. Степень с целым показателем.
- 1.1.5. Корень степени n > 1 и его свойства.
- 1.1.6. Степень с рациональным показателем и ее свойства.
- 1.1.7. Свойства степени с действительным показателем.
- 1.2. ОСНОВЫ ТРИГОНОМЕТРИИ
- 1.2.1. Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла.
- 1.2.2. Радианная мера угла.
- 1.2.3. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа.
- 1.2.4. Основные тригонометрические тождества.
- 1.2.5. Формулы приведения.
- 1.2.6. Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов.
- 1.2.7. Синус и косинус двойного угла.
- 1.3. ЛОГАРИФМЫ
- 1.3.1. Логарифм числа.
- 1.3.2. Логарифм произведения, частного, степени.
- 1.3.3. Десятичный и натуральный логарифмы, число е.
- 1.4. ПРЕОБРАЗОВАНИЯ ВЫРАЖЕНИЙ
- 1.4.1. Преобразования выражений, включающих арифметические операции.
- 1.4.2. Преобразования выражений, включающих операцию возведения в степень.
- 1.4.3. Преобразования выражений, включающих корни натуральной степени.
- 1.4.4. Преобразования тригонометрических выражений.
- 1.4.5. Преобразование выражений, включающих операцию логарифмирования.
- 1.4.6. Модуль (абсолютная величина) числа.

#### 2. УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА

- 2.1. УРАВНЕНИЯ
- 2.1.1. Квадратные уравнения.
- 2.1.2. Рациональные уравнения.
- 2.1.3. Иррациональные уравнения.
- 2.1.4. Тригонометрические уравнения.
- 2.1.5. Показательные уравнения.
- 2.1.6. Логарифмические уравнения.
- 2.1.7. Равносильность уравнений, систем уравнений.
- 2.1.8. Простейшие системы уравнений с двумя неизвестными.

- 2.1.9. Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных.
- 2.1.10. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений.
- 2.1.11. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений с двумя переменными и их систем.
- 2.1.12. Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.
- 2.2. HEPABEHCTBA
- 2.2.1. Квадратные неравенства.
- 2.2.2. Рациональные неравенства.
- 2.2.3. Показательные неравенства.
- 2.2.4. Логарифмические неравенства.
- 2.2.5. Системы линейных неравенств.
- 2.2.6. Системы неравенств с одной переменной.
- 2.2.7. Равносильность неравенств, систем неравенств.
- 2.2.8. Использование свойств и графиков функций при решении неравенств.
- 2.2.9. Метод интервалов.
- 2.2.10. Изображение на координатной плоскости множества решений неравенств с двумя переменными и их систем.

#### 3. ФУНКЦИИ

- 3.1. ОПРЕДЕЛЕНИЕ И ГРАФИК ФУНКЦИИ
- 3.1.1. Функция, область определения функции.
- 3.1.2. Множество значений функции.
- 3.1.3. График функции. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях.
- 3.1.4. Обратная функция. График обратной функции.
- 3.1.5. Преобразования графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат.
- 3.2. ЭЛЕМЕНТАРНОЕ ИССЛЕДОВАНИЕ ФУНКЦИЙ
- 3.2.1. Монотонность функции. Промежутки возрастания и убывания.
- 3.2.2. Четность и нечетность функции.
- 3.2.3. Периодичность функции.
- 3.2.4. Ограниченность функции.
- 3.2.5. Точки экстремума (локального максимума и минимума) функции.
- 3.2.6. Наибольшее и наименьшее значения функции.
- 3.3. ОСНОВНЫЕ ЭЛЕМЕНТАРНЫЕ ФУНКЦИИ
- 3.3.1. Линейная функция, ее график.
- 3.3.2. Функция, описывающая обратную пропорциональную зависимость, ее график.
- 3.3.3. Квадратичная функция, ее график.
- 3.3.4. Степенная функция с натуральным показателем, ее график.

- 3.3.5. Тригонометрические функции, их графики.
- 3.3.6. Показательная функция, ее график.
- 3.3.7. Логарифмическая функция, ее график.

#### 4. НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА

- 4.1. ПРОИЗВОДНАЯ
- 4.1.1. Понятие о производной функции, геометрический смысл производной.
- 4.1.2. Физический смысл производной, нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком.
- 4.1.3. Уравнение касательной к графику функции.
- 4.1.4. Производные суммы, разности, произведения, частного.
- 4.1.5. Производные основных элементарных функций.
- 4.1.6. Вторая производная и ее физический смысл.
- 4.2. ИССЛЕДОВАНИЕ ФУНКЦИЙ
- 4.2.1. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.
- 4.2.2. Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.
- 4.3. ПЕРВООБРАЗНАЯ И ИНТЕГРАЛ
- 4.3.1. Первообразные элементарных функций.
- 4.3.2. Примеры применения интеграла в физике и геометрии.

#### 5. ГЕОМЕТРИЯ

- 5.1. ПЛАНИМЕТРИЯ
- 5.1.1. Треугольник.
- 5.1.2. Параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат.
- 5.1.3. Трапеция.
- 5.1.4. Окружность и круг.
- 5.1.5. Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника.
- 5.1.6. Многоугольник. Сумма углов выпуклого многоугольника.
- 5.1.7. Правильные многоугольники. Вписанная окружность и описанная окружность правильного многоугольника.
- 5.2. ПРЯМЫЕ И ПЛОСКОСТИ В ПРОСТРАНСТВЕ
- 5.2.1. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые; перпендикулярность прямых.
- 5.2.2. Параллельность прямой и плоскости, признаки и свойства.
- 5.2.3. Параллельность плоскостей, признаки и свойства.
- 5.2.4. Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства; перпендикуляр и наклонная; теорема о трех перпендикулярах.
- 5.2.5. Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства.
- 5.2.6. Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур.
- 5.3. МНОГОГРАННИКИ

- 5.3.1. Призма, ее основания, боковые ребра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма.
- 5.3.2. Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в параллелепипеде.
- 5.3.3. Пирамида, ее основание, боковые ребра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида.
- 5.3.4. Сечения куба, призмы, пирамиды.
- 5.3.5. Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).
- 5.4. ТЕЛА И ПОВЕРХНОСТИ ВРАЩЕНИЯ
- 5.4.1. Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка.
- 5.4.2. Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка.
- 5.4.3. Шар и сфера, их сечения.
- 5.5. ИЗМЕРЕНИЕ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ ВЕЛИЧИН
- 5.5.1. Величина угла, градусная мера угла, соответствие между величиной угла и длиной дуги окружности.
- 5.5.2. Угол между прямыми в пространстве; угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями.
- 5.5.3. Длина отрезка, ломаной, окружности, периметр многоугольника.
- 5.5.4. Расстояние от точки до прямой, от точки до плоскости; расстояние между параллельными и скрещивающимися прямыми, расстояние между параллельными плоскостями.
- 5.5.5. Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга, сектора.
- 5.5.6. Площадь поверхности конуса, цилиндра, сферы.
- 5.5.7. Объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара.
- 5.6. КООРДИНАТЫ И ВЕКТОРЫ
- 5.6.1. Декартовы координаты на плоскости и в пространстве.
- 5.6.2. Формула расстояния между двумя точками; уравнение сферы.
- 5.6.3. Вектор, модуль вектора, равенство векторов; сложение векторов и умножение вектора на число.
- 5.6.4. Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам.
- 5.6.5. Компланарные векторы. Разложение по трем некомпланарным векторам.
- 5.6.6. Координаты вектора; скалярное произведение векторов; угол между векторами.

## 6. ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, СТАТИСТИКИ И ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ

- 6.1. ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ
- 6.1.1. Поочередный и одновременный выбор.
- 6.1.2. Формулы числа сочетаний и перестановок. Бином Ньютона.
- 6.2. ЭЛЕМЕНТЫ СТАТИСТИКИ
- 6.2.1. Табличное и графическое представление данных.

- 6.2.2. Числовые характеристики рядов данных.
- 6.3. ЭЛЕМЕНТЫ ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ
- 6.3.1. Вероятности событий.
- 6.3.2. Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач.

### **III.** Список литературы

- 1. Выгодский М.Я. Справочник по элементарной математике. М., АСТ Астрель, 2015
- 2. Генденштейн Л.Э. Наглядный справочник по математике с примерами. Для абитуриентов, школьников, учителей. М., Илекса, 2015
- 3. Гараев К.Г. Под ред. Р.Н. Молодежниковой. Математика для абитуриентов: Учебное пособие. М., Издательство МАИ, 2014
- 4. Б.В. Соболь и др. Математика. М., Феникс, 2010
- 5. Куланин Е.Д. Словарь-справочник по математике. М., Гелиос АРВ, 2003
- 6. Садовничий Ю.В. Математика. Тесты для старшеклассников и абитуриентов. М., УНЦ ДО, ФИЗМАТЛИТ, 2003

Зав.кафедрой

О.Г. Вандина